

① système = { la pierre }
référentiel terrestre $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ suppose galiléen

CORRECTION Exercice 5.5

Cinématique

$$\vec{OM} \begin{vmatrix} x \\ y \\ z \end{vmatrix} \quad \vec{v} \begin{vmatrix} v_x \\ v_y \\ v_z \end{vmatrix} \quad \vec{a} \begin{vmatrix} a_x \\ a_y \\ a_z \end{vmatrix} \quad \vec{v} = \frac{d\vec{OM}}{dt} \quad \vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt}$$

bilan des forces : on ne tient compte que du poids $\vec{P} = -mg\vec{k}$

2^e loi de Newton : $m\vec{a} = \vec{P}$ car $(\sum \vec{F} = \vec{P})$

$$m \begin{vmatrix} a_x \\ a_y \\ a_z \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0 \\ 0 \\ -mg \end{vmatrix}$$

$$a_x = 0 = \frac{dv_x}{dt}$$

$$a_y = 0 = \frac{dv_y}{dt}$$

$$a_z = -g = \frac{dv_z}{dt}$$

d'où $v_x(t) = C_1$ ← constantes

$v_y(t) = C_2$ ← constantes

$v_z(t) = C_3 - gt$

Condition initiale sur \vec{v} : $\vec{v}(t=0) = v_0 \vec{i} = \begin{vmatrix} v_0 \\ 0 \\ 0 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} C_1 \\ C_2 \\ C_3 \end{vmatrix}$

d'où $\vec{v} = \begin{vmatrix} v_0 \\ 0 \\ -gt \end{vmatrix}$

$$v_x = \frac{dx}{dt} = v_0 \quad x(t) = v_0 t + C_4$$

$$v_y = \frac{dy}{dt} = 0 \quad y(t) = C_5$$

$$v_z = \frac{dz}{dt} = -gt \quad z(t) = -\frac{1}{2}gt^2 + C_6$$

Condition initiale sur \vec{OM} : $\vec{OM}(t=0) = \vec{0} = \begin{vmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} C_4 \\ C_5 \\ C_6 \end{vmatrix}$

$$\vec{OM} = \begin{vmatrix} v_0 t \\ 0 \\ -\frac{1}{2}gt^2 \end{vmatrix} \quad \left. \begin{matrix} x(t) = v_0 t \\ y(t) = 0 \\ z(t) = -\frac{1}{2}gt^2 \end{matrix} \right\} \text{éq. horaires du mot.}$$

② $t = \frac{x}{v_0}$

$z = -\frac{1}{2}g \left(\frac{x}{v_0}\right)^2$

$z = -\frac{g}{2v_0^2} x^2$ est l'éq. de la trajectoire.