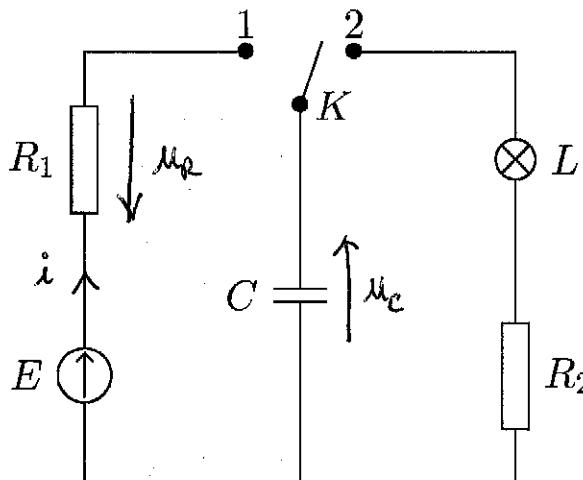


Solution 2

- ① $K \rightarrow 1$: charge } du
 $K \rightarrow 2$: décharge } Condensateur



② le temps caractéristique de charge est $\tau = R_1 C$. La charge est supérieure à 99% au bout de $5\tau = 5 \times 2,2 \times 10^3 \times 22 \times 10^{-3} = 242 \text{ s soit } 4 \text{ min } 24$

③ loi des mailles : $E = u_R + u_C$

caractéristiques des dipôles $u_R = R_1 i$ et $u_C = \frac{q}{C}$

intensité $i = \frac{dq}{dt}$

d'où $E = R_1 \frac{dq}{dt} + \frac{q}{C}$

$$\boxed{\frac{dq}{dt} + \frac{q}{R_1 C} = \frac{E}{R_1}} \text{ et } \boxed{\frac{du_C}{dt} + \frac{u_C}{R_1 C} = \frac{E}{R_1 C}}$$

④ $f'(x) + a f(x) = b$ a pour solution $f(x) = \frac{b}{a} + Ae^{-ax}$ $a = \frac{1}{R_1 C}$
 $b = \frac{E}{R_1 C}$

donc $u_C(t) = E + Ae^{-t/R_1 C}$

Condition initiale : $q(t=0) = 0$ donc $u_C(t=0) = \frac{q(t=0)}{C} = 0 = E + A$

d'où $A = -E$ $\boxed{u_C(t) = E(1 - e^{-t/\tau})}$ avec $\tau = R_1 C$

⑤ D'après le cours, la décharge se fera selon $u_C(t) = E e^{-t/\tau}$
avec $\tau = R_2 C$

Le condensateur est déchargé à 99% : il reste donc 1% de charge :

$$u_C(t=0,10) = 0,01 E = E e^{-0,10/\tau} \text{ soit } 0,01 = e^{-0,10/\tau}$$

$$\ln 0,01 = -\frac{0,10}{\tau} \text{ d'où } \tau = -\frac{0,10}{\ln 0,01} = 0,0217 \text{ s } \approx 22 \text{ ms}$$

$R_2 = \frac{\tau}{C} = 0,987 \approx 1,0 \Omega$ (Bien reprendre pour τ la valeur obtenue par la calculatrice : on n'arrondit que les résultats finaux, pas les résultats intermédiaires).